

An aerial photograph of a city, likely Budapest, showing a river on the left and a large, ornate building with a dome in the foreground. The city is densely packed with buildings, and the river flows through the landscape. The image is overlaid with a semi-transparent white rectangle containing the text "Szimuláció".

# Szimuláció



# Szimuláció



Definíció: A modell rendszerint bonyolult, részleteiben nem ismert rendszerek működésének megismerésére készített sematikus elképzelés, amelyből új összefüggésekre lehet következtetni, vagy amely alkalmas arra, hogy a rendszer jelenségei matematikailag leírhatók legyenek. A modell a valódi rendszereknek többnyire csak főbb tulajdonságait tükrözi, egyszerűsített formában.

**MODELLEZÉS:** A modell elkészítésének folyamata.

**SZIMULÁCIÓ:** A modell használatának folyamata.





# Szimuláció



A modellalkotás első lépésében meg kell határozni a modellben szereplő objektumokat, amelyeket meg kell feleltetni a valós rendszer objektumainak (objektumai egy-egy osztályának).

Ez a megfeleltetés általában állapotaik megfeleltetését jelenti. Ahhoz ugyanis, hogy objektumokról külön-külön beszélhessünk, szükség van individuális létezésükre, amelyet állapotaik megadásával helyettesítünk.

Ezután következő feladat a rendszer állapotváltozását (az objektumok számának változását, állapotainak változását) leíró algoritmus elkészítése.





# Szimuláció



A modelleket két nagy osztályba soroljuk.

Az egyikben a teljes jövőt előre kiszámítjuk (a kezdőállapotból), s azután csak a kiszámított jövő megjelenítése a feladat.

A másikban az aktuális állapotból csak a következő időegységbeli állapotot határozzuk meg, majd abból számítjuk a következőt ...

Amivel most foglalkozunk: sok elem mozog térben (síkban) egymástól függően, miközben állapotukat változtathatják.

Feladat: folyamatleírás – egy elemmel mi történhet?





# Szimuláció



Megvalósítási lehetőség:

- időléptetés (minden időegységben történik mindenkivel)
  - elemenkénti vizsgálat
  - helyenkénti vizsgálat
- eseményléptetés (a következő esemény időpontjára lépünk és azt végrehajtjuk – események prioritási sorban)

A párhuzamosság problémája: a valós világ párhuzamosságát a számítógép szekvenciális működésére kell átalakítani úgy, hogy az eseményeket a programbeli sorrend ne befolyásolja!



Feladat: folyamatleírás – egy elemmel mi történhet?



# Szimuláció: havazás



Feladat: havazás

A szimulációs tér egy mátrix, ahova fentről hópelyhek lépnek be. A hópelyhek időegységenként egyet lépnek lefelé (egyszerre – azaz párhuzamosan). Ha alulra érnek, vagy már lent álló hópéhely fölé érnek, akkor 3 jelenség történhet (az alábbi sorrendben):

- ha balra lefelé léphet, akkor oda lép;
- ha jobbra lefelé léphet, akkor oda lép;
- helyben marad.





# Szimuláció: havazás



Megvalósítási lehetőségek:

- időléptetés: ez a természetes, a hópelyhek időegységenként lépnek egyet
  - elemenkénti vizsgálat: minden hópelyhelyre – mi történhet?
  - helyenkénti vizsgálat: minden helyre – mi történhet?
- eseményleptetés: lehetne esemény az, amikor a hópelyhely a végleges helyére kerül, de ezt nehéz előre kiszámolni.

Párhuzamosság megoldása: előbb léptetjük azt, aki a mozgásával másokat akadályozhat.





# Szimuláció: havazás - hópelyhenként



Ábrázolás:

$N, M$  – a tér mérete

$DB$  – a hópelyhek száma

$H(DB)$  – a hópelyhek sor- és oszlopkoordinátái

Párhuzamosság: ha a hópelyheket belépési idejük szerinti sorrendben vizsgáljuk, akkor az akadályozó előbb léphet, mint az akadályozott.

A belépés balról jobbra sorrendben történjen!







# Szimuláció: havazás - hópelyhenként



Szimulációs lépés:

Ciklus  $i=1$ -től  $DB$ -ig

Ha  $H(i).sor < N$  akkor

Ha  $szabad(H(i).sor+1, H(i).oszlop)$

akkor  $H(i).sor := H(i).sor+1$

különben ha  $szabad(H(i).sor+1, H(i).oszlop-1)$

akkor  $H(i).sor := H(i).sor+1$

$H(i).oszlop := H(i).oszlop-1$

különben ha  $szabad(H(i).sor+1, H(i).oszlop+1)$

akkor  $H(i).sor := H(i).sor+1$

$H(i).oszlop := H(i).oszlop+1$

Ciklus vége

Belépés az 1. sorba

Eljárás vége.

Kérdések: Kell 1-től?

Mekkora  $H$  tömb kell?





# Szimuláció: havazás - hópelyhenként



szabad(sor, oszlop) :

  j:=1

  Ciklus amíg  $j \leq DB$  és

    nem(sor=H(j).sor és oszlop=H(j).oszlop))

    j:=j+1

  Ciklus vége

  szabad:=j>DB

Eljárás vége.

Belépés az 1. sorba:

  Ciklus j=1-től M-ig

    Ha *van belépés* akkor DB:=DB+1

    H(DB).sor:=1; H(DB).oszlop=j

  Ciklus vége

Eljárás vége.





# Szimuláció: havazás - helyenként



Ábrázolás:

$N, M$  – a tér mérete

$T(N, M)$  – a szimulációs tér, belépés az első sorba

$T(N+1, M)$  – az első alatti sor kitöltve álló hópelyekkel, így a hópelyek megállása egységesen kezelhető

$T(i, j) = 0$ , ha nincs ott hópely; 1, ha van ott hópely.

Párhuzamosság: ha a teret alulról felfelé haladva vizsgáljuk, akkor aki akadályozhat, azt előbb mozgatjuk, mint azt, akit akadályoz.





# Szimuláció: havazás - helyenként



Szimulációs lépés:

Ciklus  $i=N-1$ -től  $1$ -ig  $-1$ -esével

Lefelé lépés az  $i$ . sorból

Balra lefelé lépés az  $i$ . sorból

Jobbra lefelé lépés az  $i$ . sorból

Ciklus vége

Belépés az  $1$ . sorba

Eljárás vége.

A mozgás sorrendje a szabályok sorrendjének felel meg.

Kérdés: mi a teendő, ha van olyan hely, ahova egyszerre jönnének balról és jobbról is?





# Szimuláció: havazás - helyenként



Lefelé lépés az  $i$ . sorból

Ciklus  $j=1$ -től  $M$ -ig

Ha  $T(i, j)=1$  és  $T(i+1, j)=0$

akkor  $T(i+1, j):=1$ ;  $T(i, j):=0$

Ciklus vége

Eljárás vége.

Balra lefelé lépés az  $i$ . sorból

Ciklus  $j=1$ -től  $M$ -ig

Ha  $T(i, j)=1$  és  $T(i+1, j-1)=0$

akkor  $T(i+1, j-1):=1$ ;  $T(i, j):=0$

Ciklus vége

Eljárás vége.





# Szimuláció: havazás - helyenként



Jobbra lefelé lépés az  $i$ . sorból

Ciklus  $j=1$ -től  $M$ -ig

Ha  $T(i, j)=1$  és  $T(i+1, j+1)=0$

akkor  $T(i+1, j+1):=1$ ;  $T(i, j):=0$

Ciklus vége

Eljárás vége.

Belépés az 1. sorba:

Ciklus  $j=1$ -től  $M$ -ig

Ha *van* belépés akkor  $T(1, j):=1$

Ciklus vége

Eljárás vége.



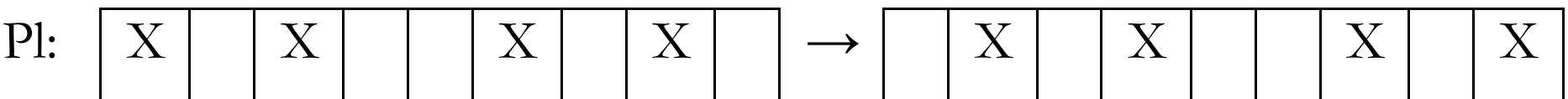


# Közlekedés szimuláció



Egy utat középen egy gyalogosátkelő két szakaszra oszt, a zebrahoz közlekedési lámpát helyeztek. Az útszakaszokat négyzetes cellákra osztjuk.  $N$  cella van a lámpa előtt, 1 cella a zebra, újabb  $N$  cella van a lámpa mögött. A mozgás szabályai:

- egy autó egy időegység alatt egy cellával mozdulhat el



- egy útszakaszon két autó között mindig kell lenni legalább 1 üres cellának (akkor is, ha sűrűbben érkeznének)

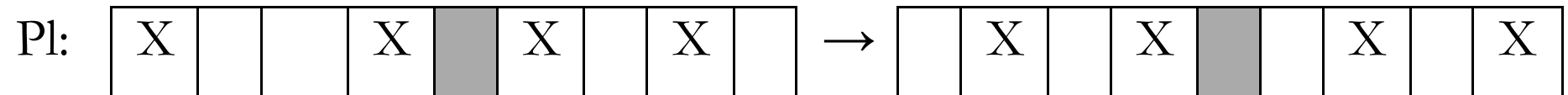




# Közlekedés szimuláció



- a közlekedési lámpa periodikusan váltakozik piros és zöld között, piros lámpaállásnál autó nem léphet a zebrára.



Készíts programot, amely megadja, hogy az egyes autók melyik időpillanatban jutnak ki az útszakasz végén!

Megoldási elv:

- tömbök helyenként
- sorok autónként





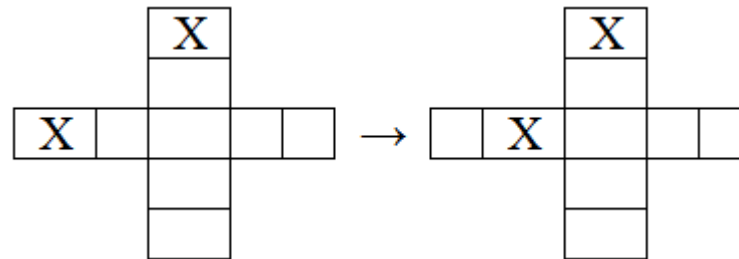


# Közlekedés szimuláció



További feladatok:

- a kereszteződésben jobbkéz-szabály van: ha a kereszteződés előtti cellákba egyszerre lépne 2 autó, akkor a balról jövő léphet, a felülről jövő nem



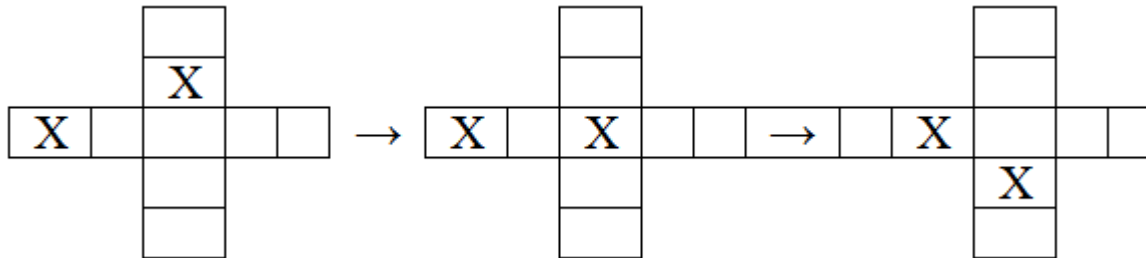


# Közlekedés szimuláció



További feladatok:

- ha a felülről jövő a kereszteződésbe lép, a balról jövőnek tartania kell az 1 cella távolságot.





# Játéktábla



Egy játéktáblán a 0. időegységben L bábú van. Mindegyiket elindítjuk valamerre. Egy időegység alatt mindegyik a neki megfelelő irányba mozdul el, a tábla szélén mozgás irányukat az ellenkezőre változtatják. Lehetséges, hogy előbb-utóbb két bábú összeütközik: ugyanarra a helyre lépnének vagy átlépnének egymáson.

Készíts programot, amely megadja, hogy  $K$  időegységen belül mikor ütközik legelőször két bábú!





# Véges automata



- Automaták szimulációja
- Lindenmayer rendszerek
- sejtautomaták





Szimuláció