

## Permutációk LCS-e

Két sorozat,  $x$  és  $y$  leghosszabb közös részsorozatának hosszát jelölje  $LCS(x, y)$ .

Adott 4 egész szám:  $n, a, b, c$ . Határozd meg, hogy létezik-e az 1 és  $n$  közötti egész számoknak 3 olyan  $p, q, r$  permutációja, melyekre:

- $LCS(p, q) = a$
- $LCS(p, r) = b$
- $LCS(q, r) = c$

Ha léteznek ilyen permutációk, akkor adj is meg három ilyen permutációt.

Az 1 és  $n$  közötti egész számok  $p$  permutációja alatt egy olyan  $n$  hosszú sorozatot értünk, melynek elemei különböző egész számok az  $[1, n]$  intervallumból. Például az 1 és 5 közötti számok egy permutációja a  $(2, 4, 3, 5, 1)$ , míg az  $(1, 2, 1, 3, 5)$  és az  $(1, 2, 3, 4, 6)$  nem azok.

Egy  $c$  sorozatot a  $d$  sorozat részsorozatának nevezünk, ha  $c$  megkapható úgy, hogy  $d$ -ből törölünk néhány (esetlegesen nulla darab, vagy az összes) elemet. Például az  $(1, 3, 5)$  sorozat az  $(1, 2, 3, 4, 5)$  részsorozata, míg a  $(3, 1)$  nem.

Az  $x$  és  $y$  sorozatok leghosszabb közös részsorozata a leghosszabb olyan  $z$  sorozat, amely az  $x$ -nek és  $y$ -nak is részsorozata. Például az  $x = (1, 3, 2, 4, 5)$  és  $y = (5, 2, 3, 4, 1)$  sorozatok leghosszabb közös részsorozata a  $z = (2, 4)$ , hiszen ez mindkettőnek részsorozata, és az összes ilyen részsorozat közül a lehető leghosszabb.  $LCS(x, y)$  a leghosszabb közös részsorozat hossza, ami 2 az előző példában.

## Bemenet

A bemenet első sora egyetlen  $t$  egész számot tartalmaz, a tesztesetek számát ( $1 \leq t \leq 10^5$ ). Ezt követi a tesztesetek leírása.

Egy teszteset egyetlen sorból áll, ami 5 egész számot tartalmaz:  $n, a, b, c, output$  ( $1 \leq a \leq b \leq c \leq n \leq 2 \cdot 10^5, 0 \leq output \leq 1$ ).

Ha  $output = 0$ , akkor csak azt kell eldöntened, hogy létezik-e három megfelelő permutáció. Ha  $output = 1$ , akkor meg is kell adnod három ilyen permutációt, amennyiben lehet.

Az  $n$  értékek összege az összes tesztesetre legfeljebb  $2 \cdot 10^5$ .

# Kimenet

Minden tesztesetre az első sorba írd ki a "YES" szót, ha létezik megfelelő  $p, q, r$  permutáció, egyébként pedig a "NO" szót. Ha  $output = 1$ , és léteznek ilyen permutációk, akkor még három sort ki kell írnod:

Az első sorba a  $p$  permutációt alkotó  $n$  darab egész számot:  $p_1, p_2, \dots, p_n$ .

A második sorba a  $q$  permutációt alkotó  $n$  darab egész számot:  $q_1, q_2, \dots, q_n$ .

A harmadik sorba az  $r$  permutációt alkotó  $n$  darab egész számot:  $r_1, r_2, \dots, r_n$ .

Ha több lehetséges megoldás van, bármelyiket megadhatod.

A betűket tetszőlegesen írhatod kis- és nagybetűként is (például, a "YES", "Yes", "yes", "yEs", "yEs" szavak mindegyike elfogadott pozitív válaszként).

## Példa

Bemenet:

```
8
1 1 1 1 1
4 2 3 4 1
6 4 5 5 1
7 1 2 3 1
1 1 1 1 0
4 2 3 4 0
6 4 5 5 0
7 1 2 3 0
```

Kimenet:

```
YES
1
1
1
NO
YES
1 3 5 2 6 4
3 1 5 2 4 6
1 3 5 2 4 6
NO
YES
NO
YES
NO
```

## Magyarázat

Az első tesztesetben az  $LCS((1), (1))$  értéke 1.

A második tesztesetre bebizonyítható, hogy nem létezik három megfelelő permutáció.

A harmadik tesztesetre egy jó példa  $p = (1, 3, 5, 2, 6, 4)$ ,  $q = (3, 1, 5, 2, 4, 6)$ ,  $r = (1, 3, 5, 2, 4, 6)$ .

Könnyen látható, hogy:

- $LCS(p, q) = 4$  (az egyik leghosszabb közös részsorozat  $(1, 5, 2, 6)$ ).
- $LCS(p, r) = 5$  (az egyik leghosszabb közös részsorozat  $(1, 3, 5, 2, 4)$ ).
- $LCS(q, r) = 5$  (az egyik leghosszabb közös részsorozat  $(3, 5, 2, 4, 6)$ ).

A negyedik tesztesetre bebizonyítható, hogy nem létezik három megfelelő permutáció.

## Pontozás

1. (3 pont):  $a = b = 1, c = n, output = 1$
2. (8 pont):  $n \leq 6, output = 1$
3. (10 pont):  $c = n, output = 1$
4. (17 pont):  $a = 1, output = 1$
5. (22 pont):  $output = 0$
6. (40 pont):  $output = 1$